

DEPARTAMENTO: MATEMATICA



UNIVERSIDAD NACIONAL DEL COMAHUE  
Centro Regional Universitario Bariloche

PROGRAMA DE CATEDRA: ANALISIS MATEMATICO I

AÑO ACADEMICO: 2012

CARRERA A LA QUE PERTENECE: INGENIERIA

PLAN DE ESTUDIOS N°: 0806/97 (Mecánica), 0805/97 (Civil), 0807/97 (Eléctrica), 0802/97 (Electrónica), 0804/97 (En Petróleo), 0803/97 (Química) y Modif. 0536/00.

CARGA HORARIA SEMANAL SEGÚN PLAN DE ESTUDIOS: OCHO

REGIMEN: CUATRIMESTRAL

CUATRIMESTRE: SEGUNDO

DOCENTE	LEGAJO	CARGO Y DEDICACION
Dr. Gabriel Paissan	57690	ASD E/C 3
Dr. Daniel Viñales	58673	ASD 3
Lic. Natalia Salva	58394	ASD 3
Lic. Valeria Martín	58906	AYP 3
Lic. Alejandro Rosabal		AYP 3

ASIGNATURA CORRELATIVA: NO

### 1. FUNDAMENTACION:

La asignatura es de gran importancia debido a que es la que introduce a los alumnos en el área del análisis matemático. Se inicia con un repaso de los contenidos adquiridos en el nivel medio, para ir poco a poco agregando nuevos conceptos del cálculo.

Su importancia radica también en la continuidad con las materias siguientes en la carrera (Análisis Matemático II, III y IV). Por este motivo, es fundamental poner énfasis tanto en la adquisición del nuevo lenguaje matemático y en la notación, como en la ejercitación y resolución de problemas de aplicación.

### 2. OBJETIVOS:

Que los alumnos:

- Comprendan el concepto de sucesion numerica.
- Interioricen el concepto de sumar infinitos numeros (series)

- Puedan reconocer y graficar funciones.
- Comprendan el concepto de límite de una función.
- Comprendan el concepto de función continua.
- Comprendan el concepto de derivada de una función, y sean capaces de resolver problemas de aplicación utilizando derivadas.
- Comprendan el concepto de primitiva de una función.
- Resuelvan integrales indefinidas utilizando los diferentes métodos.
- Aprendan a calcular áreas de figuras planas utilizando integrales definidas.

### 3. CONTENIDOS SEGÚN PLAN DE ESTUDIOS:

Funciones e Inecuaciones. Límite y Continuidad. Cálculo Diferencial, aplicaciones. Análisis de funciones. Aproximación de funciones. Cálculo integral, aplicaciones, integrales impropias, integración aproximada. Sucesiones y series, series de potencia.

### 4. CONTENIDO PROGRAMA ANALÍTICO:

#### UNIDAD 1: SUCESIONES – LIMITES DE SUCESIONES

Concepto de sucesión. Definiciones recursivas y no recursivas de sucesiones. Principio de inducción. Intervalo. Entorno de un punto. Concepto de: máximo, mínimo, supremo, ínfimo, cota superior, cota inferior. Definición de límite de una sucesión. Límites de sucesiones definidas recursivamente. Sucesiones convergentes y divergentes. Propiedades de los límites. Unicidad del límite. Límites infinitos. Relación entre monotonía y existencia de límites. Sucesiones de Cauchy.

#### UNIDAD 2: SERIES

Definición de serie. Cálculo de su suma. Series geométricas y aritméticas. Series telescópicas. Serie armónica. Criterios de comparación y de convergencia. Serie de términos positivos. Criterio de D'Alembert, Cauchy. Series alternadas. Criterio de Leibniz. Series absolutamente convergentes. Aplicaciones. Definición de notación decimal. Conversión a fracciones mediante series.

#### UNIDAD 3: FUNCIONES

- Concepto de Función. Dominio, Codominio, Imagen. Notación. Funciones inyectivas, suryectivas y biyectivas. Funciones lineales y polinómicas, y existencia de ceros. Cálculo de raíces y factorización. Funciones partidas. Función Valor absoluto. Función signo. Función parte entera. Otras funciones elementales. Función logaritmo y exponencial. Funciones trigonométricas: seno, coseno, tangente, cotangente, secante y cosecante. Graficación de funciones.

#### UNIDAD 4: LIMITES DE FUNCIONES – CONTINUIDAD

Límite de una función: definición. Límites laterales. Propiedades de los límites. Unicidad del límite. Límites laterales. Límites infinitos. Límites para  $x$  tendiendo a infinito. Asintotas horizontales y verticales. Cálculo de límites. Concepto de función continua. Continuidad en un punto. Continuidad en un intervalo. Propiedades de las funciones continuas. Continuidad por la derecha y por la izquierda. Tipos de discontinuidades. Teoremas sobre continuidad: Teorema de Bolzano y Teorema del Valor Medio.

#### UNIDAD 5: DERIVACION

Concepto de derivada de una función en un punto a través de la interpretación física y geométrica. Función derivada. Derivabilidad y continuidad. Derivada infinita. Derivadas

laterales. Cálculo de la derivada de una suma, diferencia, producto y cociente de dos funciones. Regla de la cadena. Derivadas de funciones elementales. Ecuaciones de la recta tangente y normal a una curva. Derivadas sucesivas. Derivadas de funciones en forma paramétrica. Derivadas de funciones inversas. Derivación de funciones implícitas. Teoremas de Valor Medio: Teorema de Rolle, Teorema del Valor Medio o de Lagrange, Teorema de Cauchy. Derivación logarítmica. Aplicaciones en problemas de maximización y minimización. Regla de L'Hopital. Estudio de funciones: extremos, intervalos de crecimiento y de decrecimiento, concavidad, punto de inflexión, asíntotas.

#### **UNIDAD 6: SERIES DE TAYLOR**

Definición de series de funciones. Series de potencias. Convergencia puntual. Radio de convergencia. Polinomios de Taylor y Mac Laurin Aproximación de funciones por polinomios. Aproximación de números irracionales.

#### **UNIDAD 7: INTEGRACION**

Concepto de área bajo una función. Cálculo mediante sumas de Riemann. Concepto de integral definida como límite de sumas de Riemann. Cálculo de integrales por definición (mediante límites). Propiedades de integrales definidas. Definición de primitiva. Teorema Fundamental del Cálculo. Cálculo de primitivas. Integración de funciones trigonométricas y exponenciales. Métodos de integración. Integración por sustitución e integración por partes. Integración de funciones racionales. Método de descomposición en fracciones simples. Sustituciones especiales. Integración de funciones irracionales. Integrales impropias. Aplicaciones de la integral definida: cálculo de áreas, longitud de arco de una curva plana, volumen de un sólido de revolución.

#### **5. BIBLIOGRAFÍA BÁSICA Y DE CONSULTA:**

- Noriega, R. J. . *Cálculo diferencial e integral*. Editorial Docencia. 1979. Buenos Aires.
- Spivak. M. *Cálculo Infinitesimal*. Editorial Reverte. 2005. Barcelona.
- Sadosky, M. *Elementos de cálculo diferencial e integral*. Editorial Alsina. 1964. Buenos Aires.
- Stewart, J. *Cálculo, conceptos y contextos*. Editorial Thomson. 2006. Madrid.
- Maquieira, J.C. *Análisis Matemático*. Editorial Alfafi. 1975. Buenos Aires.
- Demidovich, B. *Problemas y ejercicios de Análisis Matemático*. Editorial Mir. 1980. Moscú.

#### **6. PROPUESTA METODOLÓGICA:**

La asignatura consistirá de clases teóricas y clases prácticas. En las clases teóricas se desarrollarán los temas del programa de la asignatura, dando ejemplos que formarán parte de los trabajos prácticos. De esta manera se logrará una relación entre teoría y práctica, además de aprovechar el tiempo destinado a clases.

Se fomentará la participación de los alumnos mediante preguntas y ejercicios. Los trabajos prácticos serán resueltos parcialmente en el pizarrón, al igual que los exámenes

parciales una vez corregidos, para que los alumnos puedan salvar sus dudas y conocer los errores cometidos. Se insistirá en la importancia del trabajo fuera de la clase.

#### 7. EVALUACIÓN Y CONDICIONES DE ACREDITACION:

La evaluación consiste en dos parciales de carácter práctico, cada uno con su correspondiente recuperatorio. Para aprobar, el alumno debe obtener una nota igual o superior a 60 sobre 100.

El alumno que obtenga una nota igual o superior a 80 sobre 100 en cada examen parcial, tendrá la oportunidad de promocionar la materia, para lo cual deberá rendir un coloquio al finalizar el cursado.

#### 8. DISTRIBUCIÓN HORARIA:

La materia se dictará en los siguientes horarios: miércoles de 17 a 19 hs (prácticas), miércoles de 19 a 21 hs. (teóricas), viernes de 17 a 19 hs. (prácticas), viernes de 19 a 21 hs. (teóricas).



GABRIEL PARISSAN

PROFESOR

(firmá y aclaración)



Cardine Bisceglia

CONFORMIDAD DEL DEPARTAMENTO

(firma y aclaración)



CONFORMIDAD DEL CENTRO REGIONAL UNIVERSITARIO BARILOCHE

(firma y aclaración)